X	V	م	H

إدارة الامتحانات والاختبارات
قسـم الامتحانات العامّة

٤
١

امتحان شهادة الدراسة الثانوية العامة لعام ٢٠٢٤ التكميلي

(وثيقة محمية/محدود)

المبحث: الرياضيات (الورقة الأولى، ف١) رقم المبحث: 116 مدّة الامتحان: ٣٠ : $\frac{\text{د}}{\text{س}}$ ٢

الفرع: العلمي + الصناعي جامعات رقم النموذج: (١) اليوم والتاريخ: الإثنين ٢٠٢٤/١٢/٣٠

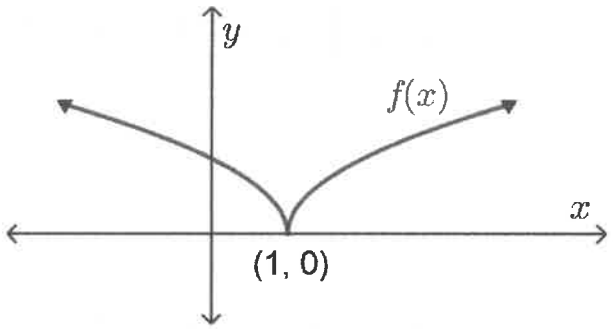
اسم الطالب: رقم الجلوس:

ملحوظة مهمة: أجب عن الأسئلة الآتية جميعها وعددها (5)؛ بحيث تكون إجابتك عن السؤال الأول على نموذج الإجابة (ورقة القارئ الضوئي)، وتكون إجابتك عن باقي الأسئلة على دفتر الإجابة، علمًا أنّ عدد صفحات الامتحان (8).

السؤال الأول: (100 علامة)

اختر رمز الإجابة الصحيحة في كل فقرة ممّا يأتي، ثمّ ظلّل بشكل غامق الدائرة التي تشير إلى رمز الإجابة في نموذج الإجابة (ورقة القارئ الضوئي) فهو النموذج المعتمد (فقط) لاحتساب علامتك في هذا السؤال، علمًا أنّ عدد فقراته (25)، وانتبه عند تظليل إجابتك أنّ رمز الإجابة (a) على ورقة الأسئلة يقابله (أ) على ورقة القارئ الضوئي، و(b) يقابله (ب)، و(c) يقابله (ج)، و(d) يقابله (د).

1) معتمدًا الشكل الآتي الذي يُمثّل مُنحنى الاقتران $f(x)$ ، فإنّ الاقتران $f(x)$ غير قابل للاشتقاق عند النقطة $(1, 0)$ لأنّه يوجد لمنحناه عندها:



a) مماس أفقي

b) نقطة عدم اتصال

c) مماس رأسي

d) رأس حاد

2) إذا كان: $y = \frac{(e\,x)^2 - x\,e^{2x}}{x}$ ، فإنّ $\frac{dy}{dx}$ عندما $x = 1$ هي:

a) $1 - e^2$

b) $-e^2$

c) $1 + e^2$

d) e^2

3) إذا كان: $f(x) = \sin\frac{x}{2} + \cos\frac{\pi}{2}$ ، فإنّ $f'(0)$ هي:

a) $\frac{1}{2}$

b) $-\frac{1}{2}$

c) 1

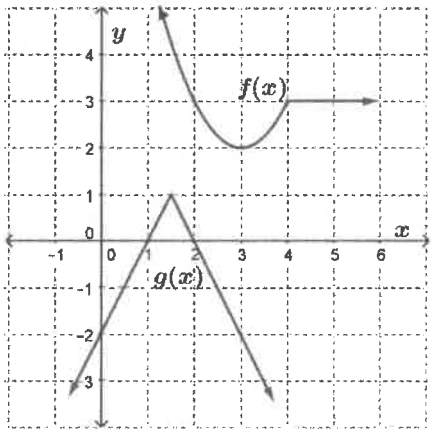
d) -1

يتبع الصفحة الثانية ،،،،

4) إذا كان الاقتران: $s(t) = t^3 - 6t^2 + 1\ ,\ t \geq 0$ يُمثّل موقع جسم يتحرك في مسار مستقيم، حيث s الموقع بالأمتار، و t الزمن بالثواني، فإنّ سرعة الجسم عندما يكون تسارعه صفرًا هي:

a) $12\ \text{m/s}$
b) $-12\ \text{m/s}$
c) $24\ \text{m/s}$
d) $-24\ \text{m/s}$

5) يُبيّن الشكل الآتي منحنيي الاقترانين $f(x),\ g(x)$. إذا كان: $h(x) = f(x)\,g(x)$ ، فإنّ $h'(3)$ هي:



a) -4
b) 0
c) 2
d) -2

6) إذا كان: $f(x) = 3\cot 2x$ ، فإنّ $f'\left(\frac{\pi}{6}\right)$ هي:

a) 8
b) -24
c) -8
d) 24

7) إذا كان: $f(x) = 2x - \frac{1}{x}\ ,\ x \neq 0$ ، فإنّ $f'''(x)$ هي:

a) $2 + \frac{6}{x^4}$
b) $2 - \frac{6}{x^4}$
c) $\frac{6}{x^4}$
d) $-\frac{6}{x^4}$

8) إذا كان: $f(x) = \ln(\sec^2 x)$ ، فإنّ $f'\left(\frac{\pi}{4}\right)$ هي:

a) $2\sqrt{2}$
b) $\sqrt{2}$
c) 2
d) 1

يتبع الصفحة الثالثة ،،،،

9) إذا كان: $f(x) = \sqrt[3]{x^2}$ ، فإنّ $f'(x)$ هي:

a) $\frac{2}{3\sqrt[3]{x}}$

b) $-\frac{2}{3\sqrt[3]{x}}$

c) $\frac{2}{3}\sqrt[3]{x}$

d) $-\frac{2}{3}\sqrt[3]{x}$

10) إذا كان: $f(x) = 2^{-3x}$، وكان: $f'(a) = -3\ln 2$ ، فإنّ قيمة الثابت a هي:

a) 3

b) -3

c) -1

d) 0

11) إذا كان: $f(x) = \log_4(x^2 + 3x)$، فإنّ $f'(2)$ هي:

a) $\frac{7}{\ln 4}$

b) $\frac{7}{10\ln 4}$

c) $\frac{7}{10}$

d) $\frac{7\ln 4}{10}$

12) سقطت قطرة ماء على سطح مائي، فتكوّنت موجات دائرية مُتّحدة المركز، فإذا ازدادت مساحة إحدى الدوائر بمعدّل $12\ \text{cm}^2/\text{s}$ ، فإنّ معدّل تغيُّر محيط هذه الدائرة عندما يكون طول نصف قطرها $3\ \text{cm}$ هو:

a) $2\ \text{cm/s}$

b) $\frac{2}{\pi}\ \text{cm/s}$

c) $4\ \text{cm/s}$

d) $\frac{4}{\pi}\ \text{cm/s}$

13) إذا كان: $f(x) = x^3 - 6x^2 + 5$ ، فإنّ القيمة العظمى المُطلقة للاقتران $f(x)$ في الفترة $[-1, 5]$ هي:

a) -2

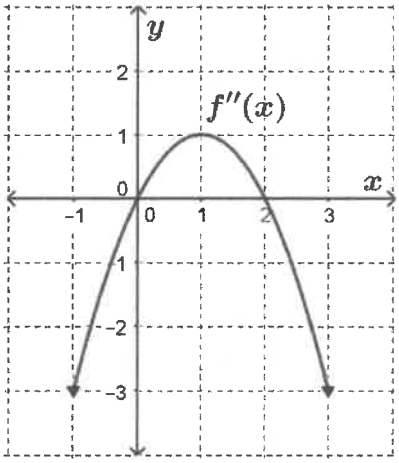
b) 27

c) -20

d) 5

يتبع الصفحة الرابعة ،،،،

14) إذا كان الشكل الآتي يُمثِّل منحنى المشتقة الثانية للاقتران $f(x)$ ، فإنّ الفترة التي يكون فيها منحنى الاقتران $f(x)$ مقعرًا للأعلى هي:



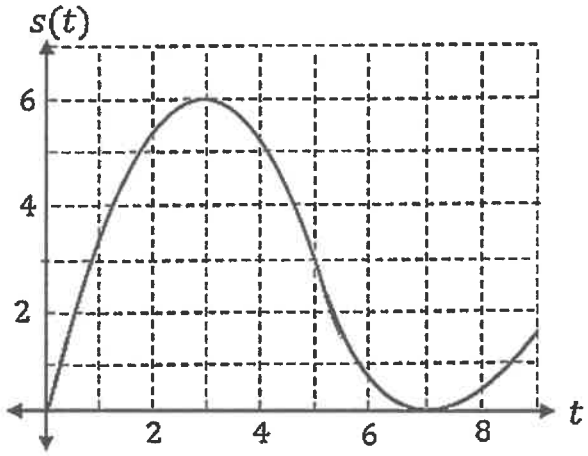
a) $(-\infty, 0)$

b) $(0, 2)$

c) $(2, \infty)$

d) $(-\infty, 1)$

❖ يُمثّل الاقتران $s(t)$ المبيَّن منحناه في الشكل الآتي موقع جسم يتحرك في مسار مستقيم في الفترة $[0, 9]$، حيث s الموقع بالأمتار، و t الزمن بالثواني، اعتمد الشكل للإجابة عن الفقرتين (15) و (16) الآتيتين:



15) قيمة (قيم) t التي يكون عندها الجسم في حالة سكون لحظيّ هي:

a) $3, 7$

b) $0, 9$

c) 6

d) 5

16) الفترة (الفترات) الزمنية التي يتحرك فيها الجسم في الاتجاه الموجب هي:

a) $(3, 4), (5, 6)$

b) $(5, 7)$

c) $(0, 3), (7, 9)$

d) $(3, 7)$

يتبع الصفحة الخامسة ،،،،

17) إذا مَثَّل الاقتران: $s(x) = 120 - 7x$ سعر القطعة لمُنتَج ما (بالدينار) حيث x عدد القِطَع المَبيعة من المُنتَج، ومَثَّل الاقتران: $C(x) = 200 + \frac{1}{2}x^2$ تكلفة إنتاج x قطعة (بالدينار) من هذا المُنتَج، فإنّ عدد القِطَع اللّازم بيعها لتحقيق أكبر ربح ممكن هو:

a) 13

b) 10

c) 9

d) 8

❖ **ملحوظة: في جميع الفقرات من 18 إلى 25 ، فإنّ $i = \sqrt{-1}$ حيثما وردت.**

18) قيمة: $\sqrt{\frac{-9}{32}} \times 16\, i^{13}$ في أبسط صورة هي:

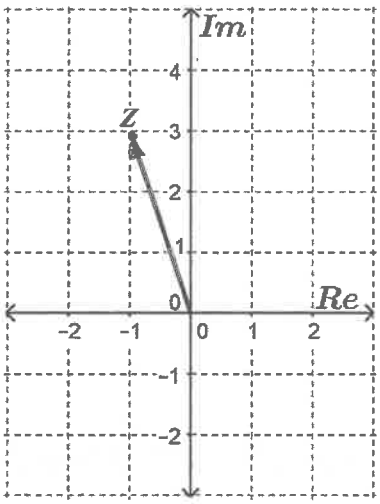
a) $-6\sqrt{2}$

b) $6\sqrt{2}$

c) $6\, i\sqrt{2}$

d) $-6\, i\sqrt{2}$

19) مُعتمدًا المستوى المُركّب الآتي الذي يُبيّن العدد المُركّب Z ، فإنّ مرافق Z هو:



a) $\overline{z} = 3 - i$

b) $\overline{z} = 3 + i$

c) $\overline{z} = -1 - 3i$

d) $\overline{z} = 1 - 3i$

20) قيمة y الحقيقية التي تُحقق المعادلة: $x + y + (x^2 - 1)\, i = 1 + 3\, i$ ، حيث $x > 0$ هي:

a) -1

b) 1

c) -3

d) 3

يتبع الصفحة السادسة ،،،،

21) إذا كان: $z = 3 + i\,k$ ، حيث $|z| = 6$ ، وَ $-\frac{\pi}{2} < \text{Arg}(z) < 0$ ، فإنّ قيمة الثابت k هي:

a) $\sqrt{3}$

b) $-\sqrt{3}$

c) $3\sqrt{3}$

d) $-3\sqrt{3}$

22) الصورة القياسية للعدد المركّب: $z = 3\left(\cos\left(\frac{-\pi}{2}\right) + i\sin\left(\frac{-\pi}{2}\right)\right)$ هي:

a) 3

b) -3

c) $-3i$

d) $3i$

23) إذا كان: $z = -2 - 5\,i$ ، وكان: $\text{Arg}(6 + i\,a\, + z) = \frac{\pi}{4}$ ، فإنّ قيمة الثابت a هي:

a) 17

b) 13

c) 1

d) 9

24) ناتج: $(2 - i)^3$ هو:

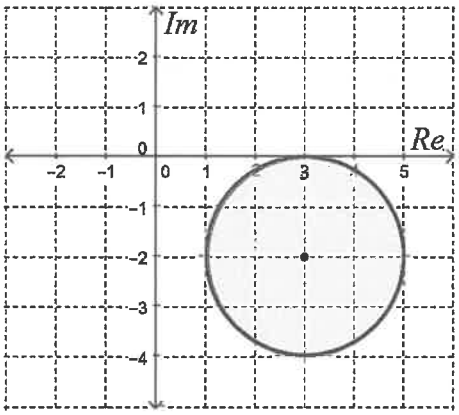
a) $10 - 11\,i$

b) $2 - 11\,i$

c) $6 - 13\,i$

d) $14 - 13\,i$

25) المتباينة (بدلالة z) التي تُمثِّل المحلّ الهندسي المُمثَّل بيانيًّا في الشكل الآتي هي:



a) $|z - 2 + 3i| \leq 2$

b) $|z - 3 + 2i| \leq 2$

c) $|z - 2 - 3i| \leq 2$

d) $|z - 3 - 2i| \leq 2$

يتبع الصفحة السابعة ،،،،

عزيزي الطالب: أجب عن الأسئلة (الثاني والثالث والرابع والخامس) على دفتر إجابتك فهو المعتمد فقط لاحتساب علامتك في هذه الأسئلة.

السـؤال الثاني: (20 علامة)

a) طَرَحت إحدى الشركات مُنتَجًا جديدًا في الأسواق، ثم رَصَدت عدد القِطَع المَبيعة من المُنتَج، فإذا مَثَّل الاقتران: $N(t) = \frac{250\,t^2}{1+2t}$ ، $t > 0$ عدد القطع المَبيعة منذ طرح المُنتَج في الأسواق، حيث t الزمن بالأشهر،

فجد كلًّا ممّا يأتي: (8 علامات)

1) معدّل تغيُّر عدد القِطَع المَبيعة بالنسبة إلى الزمن.

2) قيمة $N'(3)$ ، مُفسِّرًا معنى الناتج.

b) جد $\frac{d^2y}{dx^2}$ للمعادلة الوسيطية الآتية عندما $t = \frac{\pi}{8}$:

$$x = 2\sin 2t \quad , \quad y = \cos^2 2t \quad , \quad 0 \le t \le 2\pi$$

(12 علامـة)

السـؤال الثالث: (34 علامة)

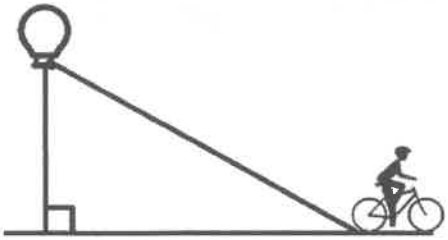
a) جد معادلة المماس لمنحنى العلاقة: $x^3 + y^3 = 8xy$ ، عند نقطة تقاطع منحناها مع المستقيم $y = x$ في الرُّبع الأول من المستوى الإحداثي.

(12 علامـة)

b) إذا كان: $y = \frac{(x-1)^2}{\sqrt{x^2+1}}$ ، فأثبت باستعمال الاشتقاق اللوغاريتمي أنّ: $\frac{dy}{dx} = \frac{(x-1)(x^2+x+2)}{\sqrt{(x^2+1)^3}}$

(10 علامات)

c) يرتفع بالون رأسيًّا فوق مستوى طريق مستقيم أفقي بمعدّل 3 m/s ،
وفي اللحظة التي كان فيها البالون على ارتفاع 9 m فوق الطريق ،
مرّت أسفله دراجة تتحرك بسرعة 5 m/s ، كما في الشكل التوضيحي المجاور.
جد معدّل تغيُّر المسافة بين البالون والدراجة بعد ثانية واحدة من تلك اللحظة.



(12 علامـة)

يتبع الصفحة الثامنة ،،،،

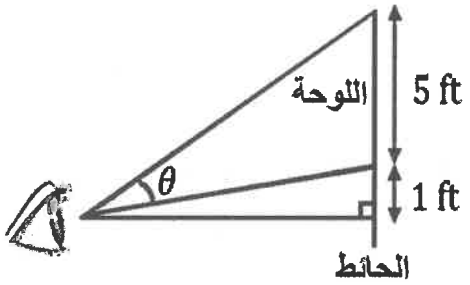
السـؤال الرابع: (20 علامة)

a) جد فترات التقعّر للأعلى وللأسفل، ونقاط الانعطاف (إنْ وُجدت) لمنحنى الاقتران:

$$f(x) = e^{-\frac{x^2}{4}}$$

(10 علامات)

b) يَنظُر طالب إلى لوحة علمية ارتفاعها 5 ft مُعلَّقة على حائط في غرفة الصف، وارتفاع حافتها السفلية 1 ft فوق مستوى خطّ نظره الأفقي كما في الشكل التوضيحي المجاور.



كم قدمًا يجب أن يبتعد الطالب عن الحائط لتكون زاوية نظره θ أكبر ما يمكن؟

(10 علامات)

السـؤال الخامس: (26 علامة)

a) جد ناتج: $18\left(\cos\frac{2\pi}{5} + i\sin\frac{2\pi}{5}\right) \div 3\left(\cos\frac{7\pi}{10} - i\sin\frac{7\pi}{10}\right)$ بالصورة المثلثية.

(8 علامات)

b) جد جميع الجذور الحقيقية والجذور المركّبة للمعادلة:

$$z^3 - 6z^2 + 21z - 26 = 0$$

(8 علامات)

c) جد العددين المركّبين اللّذين يُحقّقان كلًّا من المحلّ الهندسي: $|z| = |z + 2i|$ ،

والمحلّ الهندسي: $|z - 2| = \sqrt{17}$.

(10 علامات)

﴿ انتهت الأسئلة ﴾

ز	س	ض	د

إدارة الامتحانات والاختبارات
قسم الامتحانات العامّة

٢

٢

امتحان شهادة الدراسة الثانوية العامة لعام ٢٠٢٤ التكميلي

(وثيقة محمية/محدود)

د س

المبحث : الرياضيات (الورقة الأولى، ف١) رقم المبحث: 210 مدّة الامتحان: ٣٠ : ٢
الفرع: (أدبي، شرعي، فندقي جامعات) رقم النموذج: (١) اليوم والتاريخ: الاثنين ٢٠٢٤/١٢/٣٠
اسم الطالب: رقم الجلوس:

ملحوظة مهمة: أجب عن الأسئلة الآتية جميعها وعددها (5)؛ بحيث تكون إجابتك عن السؤال الأول على نموذج الإجابة (ورقة القارئ الضوئي)، وتكون إجابتك عن باقي الأسئلة على دفتر الإجابة، علمًا أنّ عدد صفحات الامتحان (7).

السؤال الأول: (100 علامة)

اختر رمز الإجابة الصحيحة في كل فقرة مما يأتي، ثمّ ظلّل بشكل غامق الدائرة التي تشير إلى رمز الإجابة في نموذج الإجابة (ورقة القارئ الضوئي) فهو النموذج المعتمد (فقط) لاحتساب علامتك في هذا السؤال، علمًا أنّ عدد فقراته (25)، وانتبه عند تظليل إجابتك أنّ رمز الإجابة (a) على ورقة الأسئلة يقابله (أ) على ورقة القارئ الضوئي، و (b) يقابله (ب)، و (c) يقابله (ج)، و (d) يقابله (د).

1) أيّ ممّا يأتي هو اقتران أسّي؟

a) $f(x) = \left(\frac{1}{3}\right)^2$

b) $h(x) = \left(-\frac{1}{3}\right)^x$

c) $r(x) = \left(\frac{1}{3}\right)^x$

d) $g(x) = x^{-\frac{1}{3}}$

2) إذا كان: $f(x) = 5\left(\frac{1}{2}\right)^{x-1} - 4$ ، فإنّ خطّ التقارب الأفقي للاقتران $f(x)$ هو:

a) $x = 2$

b) $x = -2$

c) $y = 4$

d) $y = -4$

3) يُمثل الاقتران: $f(x) = 300(1.2)^x$ عدد الأسماك في بُحيرة، حيث x عدد السنوات. بعد كَمْ سنة يُصبح عدد الأسماك في البُحيرة 432 سمكة؟

a) 2

b) 4

c) 1

d) 3

يتبع الصفحة الثانية ،،،،

4) أيّ الاقترانات الآتية هو اقتران مُتزايد؟

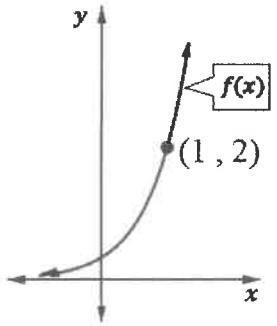
a) $f(x) = 3\left(\frac{2}{7}\right)^x$

b) $h(x) = \frac{1}{5}(4)^{-x}$

c) $r(x) = \frac{1}{2}\left(\frac{1}{5}\right)^{-x}$

d) $g(x) = 8(0.4)^x$

5) يُبيّن الشكل الآتي التمثيل البياني لمُنحنى الاقتران: $f(x) = \frac{1}{3}\,b^x$. ما قيمة $f(2)$ ؟



a) 36

b) 12

c) 6

d) 4

6) في دراسة شملت إحدى مزارع الأغنام، تبيّن أنّ عامل النمو يساوي (1.3) . ما اقتران النمو الأسّي الذي يُمثل عدد الأغنام بعد t سنة، علمًا بأنّ عددها في المزرعة عند بدء الدراسة هو 1500 خروف؟

a) $A(t) = 1500(0.3)^t$

b) $A(t) = 1500(0.7)^t$

c) $A(t) = 1500(1.7)^t$

d) $A(t) = 1500(1.3)^t$

7) يتناقص ثمن جهاز إلكتروني سعره JD 500 بنسبة 10% سنويًا . ما ثمن الجهاز بعد سنتين بالدينار الأردني؟

a) 405

b) 450

c) 400

d) 480

8) الصورة اللوغاريتمية المكافئة للصورة الأسّية: $x = z^y$ ، هي:

a) $\log_z y = x$

b) $\log_x z = y$

c) $\log_z x = y$

d) $\log_y z = x$

يتبع الصفحة الثالثة ،،،،

9) قيمة المقدار: $7^{\log_7 3} + 2\log_7 \frac{\sqrt{28}}{2}$ ، هي:

a) 2

b) 3

c) 4

d) 5

10) أيّ الاقترانات الآتية هو اقتران لوغاريتمي مُتناقص؟

a) $f(x) = \log_{\frac{3}{2}} x$

b) $g(x) = \log_{\frac{1}{5}} x$

c) $r(x) = \log_4 x^{\frac{1}{4}}$

d) $h(x) = \frac{1}{5}\log_5 x$

11) مجال الاقتران: $f(x) = \log_5(x^2 + x - 2)$ ، هو:

a) $(-2\,,1)$

b) $(-1\,,2)$

c) $(-\infty\,,-1) \cup (2\,,\ \infty)$

d) $(-\infty\,,-2) \cup (1\,,\ \infty)$

12) أيّ المقادير الآتية يُمثّل الصورة المُختصرة للمقدار: $8\log y + \frac{1}{2}\log z - \log x$ ، علمًا بأنّ المتغيرات جميعها تُمثّل أعدادًا حقيقية موجبة؟

a) $\log \frac{4yz}{x}$

b) $\log \frac{y^8\sqrt{z}}{x}$

c) $\log \frac{y^8 x}{\sqrt{z}}$

d) $\log \frac{8yx}{z}$

13) إذا كان: $\log_5 6 = k$ ، فإنّ قيمة $\log_6 5$ بدلالة k ، هي:

a) k

b) $-\frac{1}{k}$

c) $-k$

d) $\frac{1}{k}$

يتبع الصفحة الرابعة ،،،،

14) أودع مُستثمر مبلغ P في حساب بنكيّ، بنسبة ربح مُركب مُستمر مقدارها (4%) . ما المقدار الذي يُعبّر عن عدد السنوات اللازمة لتُصبح جُملة المبلغ ثلاثة أمثال المبلغ الأصلي؟

a) $25\ln 3$

b) $\frac{\ln 3}{25}$

c) $4\ln 3$

d) $\frac{\ln 3}{4}$

15) إذا كان: $f(x) = \mathrm{g}(h(x))$ ، حيث: $h'(-4) = -2$ ، $h(-4) = 3$ ، $\mathrm{g}'(3) = 5$ ، $\mathrm{g}(3) = 2$ ، فإنّ $f'(-4)$ تساوي:

a) 15

b) -10

c) -6

d) 5

16) إذا كان: $f(x) = (10 - x^2)^{-3}$ ، فإنّ $f'(-3)$ تساوي:

a) -18

b) 18

c) -6

d) 6

* إذا كان f , g اقترانيْن قابليْن للاشتقاق حيث $\mathrm{g}'(1) = 3$ ، $\mathrm{g}(1) = -2$ ، $f'(1) = 6$ ، $f(1) = 2$ ، فأجب عن الفقرتَيْن 17 وَ 18 الآتيتَيْن:

17) قيمة $(f\mathrm{g} - 3f)'(1)$ تساوي:

a) -12

b) 12

c) -24

d) 24

18) قيمة $\left(\frac{f}{\mathrm{g}}\right)'(1)$ تساوي:

a) $\frac{3}{2}$

b) $-\frac{9}{2}$

c) $-\frac{3}{2}$

d) $\frac{9}{2}$

يتبع الصفحة الخامسة ،،،،

19) إذا كان: $f(x) = k\, e^{x^3-8}$ ، وكانت $f'(2) = 24$ ، فإنّ قيمة الثابت k هي:

a) 6

b) 2

c) 3

d) 8

20) إذا كان: $f(x) = -3 \ln x^6$ ، فإنّ $f'(-2)$ تساوي:

a) 3

b) -3

c) -9

d) 9

21) إذا كان: $f(x) = \sin^5(2x)$ ، فإنّ $f'(x)$ هي:

a) $-10 \sin^4 2x \cos 2x$

b) $10 \sin^4 2x \cos 2x$

c) $5 \sin^4 2x \cos 2x$

d) $-5 \sin^4 2x \cos 2x$

22) إذا كان: $f(x) = x^4 + 32x$ ، فإنّ قيمة x التي يكون عندها المماس لمنحنى الاقتران $f(x)$ أفقيًا هي:

a) -2

b) 2

c) 8

d) -8

23) إذا كان: $f(x) = 3 \cos x - 2x^3$ ، فإنّ $f''(x)$ هي:

a) $3 \sin x - 6\, x^2$

b) $-3 \sin x - 6\, x^2$

c) $-3 \cos x - 12\ x$

d) $3 \cos x - 12\ x$

24) إذا كان للاقتران $f(x)$ نقطة حرجة واحدة هي $(-5\,, 3)$ ، وكان: $f''(-5) = -2$ ،

فأيّ العبارات الآتية صحيحة؟

a) توجد قيمة عُظمى محلية للاقتران f هي 3

b) توجد قيمة صُغرى محلية للاقتران f هي 3

c) توجد قيمة عُظمى محلية للاقتران f هي -5

d) توجد قيمة صُغرى محلية للاقتران f هي -5

يتبع الصفحة السادسة ،،،،

25) تُمثل العلاقة: $C = 2\pi r$ مُحيط دائرة نصف قطرها (r) بالسنتيمتر. إذا كان نصف قطر الدائرة يزداد بمعدل $3\ \text{cm/s}$ ، فإنّ مُعدل تغير محيط هذه الدائرة يساوي:

a) $2\pi\ \text{cm/s}$

b) $3\pi\ \text{cm/s}$

c) $4\pi\ \text{cm/s}$

d) $6\pi\ \text{cm/s}$

عزيزي الطالب: أجب عن الأسئلة (الثاني والثالث والرابع والخامس) على دفتر إجابتك فهو المعتمد فقط لاحتساب علامتك في هذه الأسئلة.

السـؤال الثاني: (22 علامة)

a) استثمر تاجر مبلغ JD 8000 في شركة، بنسبة ربح مُركب تبلغ 1.38% ، وتُضاف كلّ شهرين.
جد جُملة المبلغ بعد أربع سنوات. (6 علامات)

b) أجب عن الأسئلة الآتية: (16 علامة)

1) أثبت أنّ : $\log_2(2x+8) + \log_2(x-2) - \log_2(x^2+2x-8) = 1$ ، حيث $x > 2$.

2) حلّ المعادلة : $5^x - \frac{12}{5^x} = 1$

السـؤال الثالث: (36 علامة)

a) جد $\frac{dy}{dx}$ لكل ممّا يأتي عند قيمة x المُعطاة: (15 علامة)

1) $y = 3\ln x - \sqrt{10-x^2}$, $x = 3$

2) $y = \sqrt[3]{3u-1}$, $u = x^2 - 2x$, $x = -1$

b) جد مُشتقة كلّ اقتران ممّا يأتي: (21 علامة)

1) $f(x) = \frac{xe^7}{x+1} - \cos\left(\frac{1}{x}\right)$

2) $f(x) = \frac{1}{4(x^2-3)^2} + (x^2+5)\,e^{2x-1}$

3) $f(x) = 3\ln e^{x^2+1} + \frac{5}{x^3+1} + \ln(\sin x)$

يتبع الصفحة السابعة ،،،،

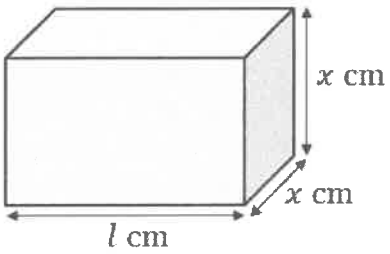
السـؤال الرابع: (18 علامة)

a) جد معادلة العمودي على المماس لمُنحنى الاقتران $f(x) = 5x - x^2$ عند نقطة تقاطعه مع المستقيم $x = 2$.
(10 علامات)

b) يُمثّل الاقتران: $s(t) = 2t^3 - 6t^2 + 8t \ , \ t \geq 0$ موقع جسم يتحرّك في مسار مستقيم،
حيث s الموقع بالأمتار , t الزمن بالثواني. جد سرعة الجسم عندما يكون تسارعه صفرًا. (8 علامات)

السـؤال الخامس: (24 علامة)

a) حوض زجاجي لأسماك الزينة على شكل متوازي مستطيلات مفتوح من الأعلى. وأبعاده كما في الشكل المُجاور. إذا كان حجم الحوض $36000\ \text{cm}^3$ ، فجد قيمة x التي تجعل كميّة الزجاج المُستعملة لصنعه أقلّ ما يُمكن.



(10 علامات)

b) وَجَدَ مدير إنتاج مصنع ثلاجات أنّه لبيع x ثلاجة فإنّ سعر الثلاجة الواحدة (بالدينار) يجب أن يكون: $s(x) = 250$ ، حيث x عدد الثلاجات المَبيعة.
إذا كانت تكلفة إنتاج x من هذه الثلاجات تُعطى بالاقتران: $C(x) = 2x^2 - 30x + 400$ ،
فجد عدد الثلاجات التي يجب إنتاجها وبيعها لتحقيق أكبر ربح مُمكن. (7 علامات)

c) جد مُعادلة المماس لمُنحنى العلاقة $3x^2 + y^2 = 13$ عند النقطة $(2\ , -1)$. (7 علامات)

﴿ انتهت الأسئلة ﴾